

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

**SUBIECTUL I**

- ◆ Se punctează doar rezultatul: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.

**SUBIECTUL al II-lea și SUBIECTUL al III-lea**

- ◆ Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- ◆ Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului obținut la 10.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	-19	<b>5p</b>
<b>2.</b>	1	<b>5p</b>
<b>3.</b>	568	<b>5p</b>
<b>4.</b>	24	<b>5p</b>
<b>5.</b>	320	<b>5p</b>
<b>6.</b>	11	<b>5p</b>

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	Desenează trunchiul de con. Notează un diametru al bazei mari.	<b>4p</b> <b>1p</b>
<b>2.</b>	$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{2-\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} = \frac{2+\sqrt{3}+2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 4.$  $a \cdot b = (2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3}) = 1.$ Finalizare.	<b>2p</b>  <b>2p</b> <b>1p</b>
<b>3.</b>	Notăm cu $a$ numărul de bile albe, cu $b$ numărul de bile galbene, cu $c$ numărul de bile roșii. Atunci $a+b+c=24$ , $a+b=14$ și $b+c=18$ . Finalizare $a=6$ , $b=8$ și $c=10$ .	<b>4p</b> <b>1p</b>
<b>4.</b>	<b>a)</b> $b = f(a) = 3a - 6$ , de unde $ a  =  3a - 6 $ .  $a = 3a - 6$ , $a = 3$ , $b = 3$ de unde prima soluție este punctul $A(3,3)$ .  $a = 6 - 3a$ , $a = \frac{3}{2}$ , $b = -\frac{3}{2}$ de unde a doua soluție este punctul $A\left(\frac{3}{2}, -\frac{3}{2}\right)$ .	<b>3p</b> <b>1p</b> <b>1p</b>
	<b>b)</b> $3(x - \sqrt{2}) - 6 + 3(x + \sqrt{2}) - 6 = 3x - 6$ .  Finalizare $x = 2$ .	<b>3p</b> <b>2p</b>
<b>5.</b>	$E(x) = x^2$ .  $S = 100^2 - 99^2 + 98^2 - 97^2 + \dots + 2^2 - 1^2 = 100 + 99 + 98 + 97 + \dots + 2 + 1 = 5050$ .	<b>3p</b> <b>2p</b>

<b>1.</b>	<p>a) Avem că <math>\sphericalangle ABD \equiv \sphericalangle AEC</math> (unghiuri corespondente formate de dreptele paralele <math>BD</math> și <math>CE</math>), <math>\sphericalangle BCE \equiv \sphericalangle DBC</math> (unghiuri alterne interne) și <math>\sphericalangle ABD \equiv \sphericalangle DBC</math> (deoarece (<math>BD</math> este bisectoare)).</p> <p>Obținem că <math>\sphericalangle BEC \equiv \sphericalangle BCE</math>, deci triunghiul <math>BCE</math> este isoscel de vârf <math>B</math>.</p>	<b>3p</b>
	<p>b) <math>AE = AB + BE = AB + BC = 16</math> cm.</p> <p>Aplicăm teorema lui Pitagora în triunghiul <math>ABC</math> dreptunghic în <math>A</math> și obținem <math>AC = 8</math> cm.</p> <p>Aplicăm teorema lui Pitagora în triunghiul <math>AEC</math> dreptunghic în <math>A</math> și obținem <math>CE = 8\sqrt{5}</math> cm.</p>	<b>2p</b>
	<p>c) Din paralelismul dreptelor <math>BD</math> și <math>CE</math> obținem asemănarea triunghiurilor <math>ABD</math> și <math>AEC</math>, de unde <math>\frac{BD}{CE} = \frac{AB}{AE} = \frac{AD}{AC}</math>, deci <math>BD = 3\sqrt{5}</math> cm și <math>AD = 3</math> cm.</p> <p>Finalizare <math>P_{\Delta ABD} = 3(3 + \sqrt{5})</math> cm.</p>	<b>3p</b>
		<b>2p</b>
<b>2.</b>	<p>a) <math>m^2 = a_i^2 + \left(\frac{L-l}{2}\right)^2</math>, de unde <math>36 = a_i^2 + 9</math>.</p> <p><math>a_i = 3\sqrt{3}</math> cm.</p>	<b>3p</b>
	<p>b) Fie <math>V</math> vârful piramidei patrulateră regulată din care provine trunchiul de piramidă, <math>O'</math> centrul bazei mici și <math>O</math> centrul bazei mari. Cum <math>AB = 2A'B'</math>, rezultă că <math>VO = 2OO' = 6\sqrt{2}</math> cm.</p> <p><math>V_{VABCD} = \frac{A_{ABCD} \cdot VO}{3} = 288\sqrt{2}</math> cm<sup>3</sup>.</p>	<b>3p</b>
	<p>c) Fie <math>VM</math> și <math>VN</math> apotemele fețelor <math>VAD</math> și <math>VBC</math> ale piramidei <math>VABCD</math>.</p> <p><math>m(\sphericalangle((VAD), (VBC))) = m(\sphericalangle MVN)</math>.</p> <p>Calculăm aria triunghiului <math>MVN</math> în două moduri.</p> <p><math>VM = VN = 2 \cdot a_i = 6\sqrt{3}</math>, <math>A_{\Delta VMN} = \frac{VM \cdot VN \cdot \sin(\sphericalangle MVN)}{2} = 54 \sin(\sphericalangle MVN)</math>.</p> <p><math>A_{\Delta VMN} = \frac{VO \cdot MN}{2} = \frac{6\sqrt{2} \cdot 12}{2} = 36\sqrt{2}</math>, de unde <math>\sin(\sphericalangle MVN) = \frac{2\sqrt{2}}{3}</math>.</p>	<b>2p</b>
	<b>3p</b>	